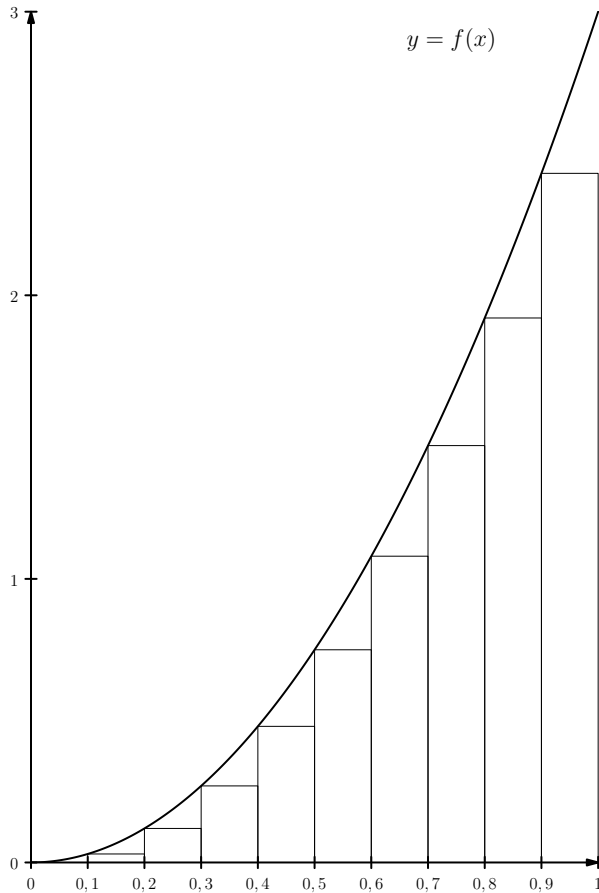


Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = 3x^2$.

► **Recherche d'une valeur approchée de l'aire sous la courbe sur $[0; 1]$**

1. On découpe l'intervalle $[0; 1]$ en 10 intervalles et on construit des rectangles de la façon suivante :



La somme des aires des rectangles permet de déterminer une valeur approchée de l'aire sous la courbe de f sur $[0; 1]$.

- Quelle est la largeur de chaque rectangle?
- Quelle est la hauteur du premier rectangle? Quelle est son aire?
- Quelle est la hauteur du deuxième rectangle? Quelle est son aire?
- On cherche à effectuer la somme des aires des rectangles avec un algorithme en se basant sur le principe suivant :

On utilise une variable aire qui sert à stocker la somme des aires des rectangles au fur et à mesure. On part de $x = 0.1$ et on ajoute à la variable aire l'aire du rectangle commençant à x , puis on continue le processus en augmentant x de 0.1 tant que c'est nécessaire.

Compléter les lignes 7 et 9 de l'algorithme AlgoBox ci-dessous pour qu'il réponde au problème :

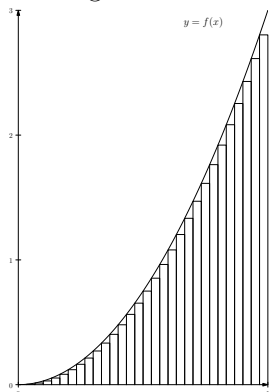
```

1: VARIABLES
2: x EST_DU_TYPE NOMBRE
3: aire EST_DU_TYPE NOMBRE
4: DEBUT_ALGORITHME
5:   aire PREND_LA_VALEUR 0
6:   x PREND_LA_VALEUR 0.1
7:   TANT_QUE (x<=.....) FAIRE
8:     DEBUT_TANT_QUE
9:       aire PREND_LA_VALEUR aire+.....
10:      x PREND_LA_VALEUR x+0.1
11:     FIN_TANT_QUE
12:   AFFICHER aire
13: FIN_ALGORITHME

```

- Quel est le résultat affiché lors de l'exécution de l'algorithme?

2. Une augmentation du nombre de rectangles doit permettre d'obtenir une meilleure approximation :



On cherche à adapter l'algorithme précédent en se basant cette fois-ci sur un découpage de l'intervalle $[0; 1]$ en 1000 intervalles (de 0 à 0.001, de 0.001 à 0.002, etc.).

a) Compléter les lignes 6, 7, 9 et 10 de l'algorithme AlgoBox ci-dessous pour qu'il réponde au problème :

```

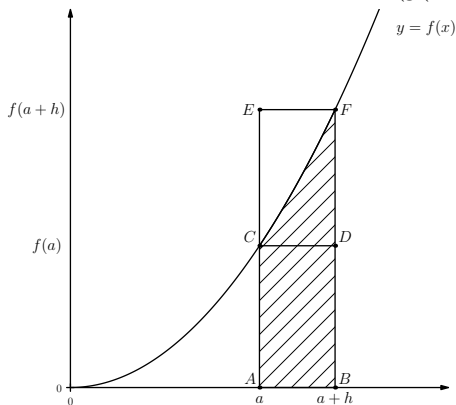
1: VARIABLES
2: x EST_DU_TYPE NOMBRE
3: aire EST_DU_TYPE NOMBRE
4: DEBUT_ALGORITHME
5:   aire PREND_LA_VALEUR 0
6:   x PREND_LA_VALEUR .....
7:   TANT_QUE (x<=.....) FAIRE
8:     DEBUT_TANT_QUE
9:       aire PREND_LA_VALEUR aire+.....
10:      x PREND_LA_VALEUR x+.....
11:     FIN_TANT_QUE
12:   AFFICHER aire
13: FIN_ALGORITHME
    
```

b) Quel est le résultat affiché lors de l'exécution de l'algorithme?

► **À la recherche d'une valeur exacte de l'aire sous la courbe sur $[0; a]$**

Pour tout réel a compris entre 0 et 1, on note $g(a)$ l'aire sous la courbe entre 0 et a . De la même façon, pour tout $h > 0$, $g(a + h)$ représente l'aire sous la courbe entre 0 et $a + h$.

La différence entre ces deux aires ($g(a + h) - g(a)$) correspond à l'aire de la zone hachurée ci-dessous :



L'aire de cette zone hachurée est comprise entre l'aire du rectangle $ABDC$ et celle du rectangle $ABFE$.

1. Quelle est l'aire du rectangle $ABDC$? Celle du rectangle $ABFE$?

2. On en déduit que $\leq g(a + h) - g(a) \leq$

et que : $\leq \frac{g(a + h) - g(a)}{h} \leq$

3. On peut donc en conclure que $\frac{g(a + h) - g(a)}{h}$ tend vers quand h tend vers 0 et que $g'(a) =$

4. Conclusion :

